# Lösung 3.2: Die Kräfte der Mausefalle, Teil 2 – Die Berechnung

*Der rot markierte Text beinhaltet die Lösungen zu den Aufgaben.*

* 1. Der Stab muss in der Mitte gehalten werden, damit er ausbalanciert ist.
	2. – Wippe («Gigampfi») auf dem Spielplatz

 – Alte Waagen mit Gewichtssteinen funktionieren nach diesem Prinzip.

 – Kran, Gewichte hinten zur Balance des langen Auslegers/Hebels und seiner zu

 transportierenden Lasten.

2. Bei einem Drittel ist der Stab schwerer zu halten, der Arm ermüdet.

 Am Ende haltend fühlt sich der Stab noch schwerer an.

 Am Ende mit ausgestrecktem Arm ist der Stab kaum mehr zu halten, es braucht sehr viel Kraft.

3. Kleinere Gewichte brauchen mehr Weg, um ein grosses Gewicht auszubalancieren.

 Das Gewicht steht also im Verhältnis zum Weg/Hebelarm.

4. Durch den langen Hebel auf der einen Seite und dem kurzen Gegenstück auf der anderen Seite können sehr grosse Kräfte übertragen werden. Entsprechend muss die Brechstange aus stabilem Material hergestellt werden, beispielsweise aus Stahl.

Einzeichnen der Achse:



Abbildung 1

Die Achse befindet sich am Ende der Rundung.

|  |
| --- |
| Zusatzaufgabe: |
|  |
| Abbildung 2[[1]](#endnote-1) |

5. Die Berechnung der Hebelkraft geschieht mit eigenen Werten, deshalb sind hier keine Lösungen aufgelistet.

Zusatzinformation:

Einige Bedingungen, die wir zur Vereinfachung ausser Acht gelassen haben, die aber in der Praxis zu Abweichungen führen würden:

* Der Hebel dreht sich reibungsfrei auf dem Punkt 0.
* Der Hebel hat ein Eigengewicht – Trägheit.
* Der Hebel ist starr, dreht langsam und reibungsfrei, somit kann er keine Energie speichern.

Auch bei anderen einfachen Anordnungen führt uns der Energiesatz zur Gleichgewichts­bedingung. Das ist immer der Fall, wenn keine Energiespeicherung erfolgt, sondern die auf der «Eingangsseite» zugeführte Energie augenblicklich auf der «Ausgangsseite» abgegeben wird.

6. Mit Beispielwerten aus unseren Messungen:

Länge des Mausefallenbügels = Hebel = .......4,2........... cm = .............0,042............. m

Die Kraft kann man mit einer Federwaage (Einheit 0–10 N) messen.

Miss die Kraft bei den folgenden Winkelstellungen des Hebels gemäss *Information* *Posten zu Arbeitsblatt 3.2.* Trage die gemessene Kraft in die dafür vorgesehene Spalte ein.

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| Winkel | gemessene Kraft *(F)*in N (Aufgabe 6) | errechneter Weg *(s)*in m(Aufgabe 7) | errechnete Arbeit *(W)*in Nm(Aufgabe 7) | $\frac{1}{2}$der errechneten Arbeit *(*$W$*)* in Nm  |
| 0 Grad | 0  | 0 | 0 | 0 |
| 45 Grad | 2,5 | $\frac{2πτ}{360}$*·*$45=$0,033 | $$W=F∙s$$$3×0,033=$0,099 | 0.0495 |
| 90 Grad | 4,5  | 0,066 | 0,297 | 0.1485 |
| 135 Grad | 7  | 0,099 | 0,693 | 0.3465 |
| 180 Grad | 9,5  | 0,132 | 1,254 | 0.627 |

Interessant wäre es, hier anzusprechen, was bei einer Hebelverlängerung, wie bei den Beispielen der Mausefallenautos, geschieht.

Weiteres Beispiel Rattenfalle:

Länge des Hebels = 7,5 cm

Verschlusszeit = Annahme 23 ms

|  |  |
| --- | --- |
| Winkel | gemessene Kraft *(F)*in N (Aufgabe 6) |
| 0 Grad | Rattenfalle 0 |
| 45 Grad | Rattenfalle 15 N |
| 90 Grad | Rattenfalle 20 N |
| 135 Grad | Rattenfalle 30 N |
| 180 Grad | Rattenfalle 40 N |

7. Siehe Tabelle Aufgabe 6 in der zweiten und dritten Spalte.

8. Grobe Näherung für die gesamte Arbeit/Energie einer Mausefalle durch die Addition der fünf errechneten Werte in Spalte3 mit $\frac{1}{2}$ ($W$) für die gespeicherte Arbeit bei den verschiedenen Winkeln = 0 + 0,099 + 0,296 + 0,693 + 1,25 = 2,3 Nm

$9. Leistung $= $\frac{abgegebene Arbeit}{verstrichene Zeit}$ oder$ P=\frac{W}{t}$ = $\frac{2,3 Nm}{0,012 s}=195,2 Watt$

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| Grundumsatz liegender Mensch 0,1 kW = 100 W | $195,2÷100$*·*$100$= 195,2 | % |
| rennender Mensch 2‘070 W | 195,2$ ÷2070$*·*$100=9,5$42 |  |
| Auto 30 kW = 30‘000 W | 0,65 | % |
| 1 Ps = 750 W | 26 | % |
| SBB-Lok 2000 6‘100 kW | 0,0032 | % |

Die Leistung der Mausefalle erreicht diesen relativ hohen Wert, da die in ihr gespeicherte Kraft in äusserst kurzer Zeit freigesetzt wird. Einen Vergleich bietet die Messung, wie lange man selber braucht, um eine Mausefalle von Hand zu spannen. Ein weiteres eindrückliches Beispiel einer schlagartigen Kraftfreisetzung ist die Deforma­tionsenergie, die bei einem Autounfall freigesetzt wird.

## Präzisierungen:

Mit den Beispielwerten aus unseren Messungen wird hier noch das eigentlich korrekte mathe­matische Vorgehen aufgezeigt.

Zu Aufgabe 7: Das Hookesche Gesetz

Die Veränderung des Kraftaufwands wächst proportional zur Federdehnung respektive -kom­primierung. Dies wird im Hookeschen Gesetz beschrieben und bildet die Grundlage aller mechanischen Uhren und der Federwaage, die zur Verwendung kam.

Mittels der Federkonstante $D$ kann die Kraft einer Feder sehr genau berechnet und an­gewendet werden.

Der durchschnittliche Wert für $D$ ergibt mit diesen Werten rein rechnerisch:

$\frac{\left(75,75 + 68,2 + 70,7 +71,9\right)}{4}$= 71,6

Wobei angenommen werden kann, dass die Messung bei 45 Grad nicht exakt ist und somit der Wert eher bei $D$ = 70 liegt.

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| **Winkel** | ***F*** | ***s*** | ***W*** | $$D$$ |
| 0 Grad | 0  | 0 | 0 | 0 |
| 45 Grad | 2,5 | $\frac{2πτ}{360} ×45=$0,033 | $$W=F∙s$$$3×0,033=$0,099 | $$D=\frac{F}{x}$$$\frac{2,5}{0,33}=$ 75,75 |
| 90 Grad | 4,5  | 0,066 | 0,297 | 68,2 |
| 135 Grad | 7  | 0,099 | 0,693 | 70,7 |
| 180 Grad | 9,5  | 0,132 | 1,254 | 71,9 |

Zu Aufgabe 8: Gesamtenergie einer Mausefalle

*W* (durchschnittliche Arbeit) = $F∙s$ = $\frac{Dx}{2}∙x$ $=\frac{1}{2}Dx^{2}$

ganzer Weg = *Dx*, Federdeformation = *x*

Da in unserem Fall der Weg *x* die Hälfte eines Kreises darstellt (Bügel 180°), ergibt dies:

*W* (durchschnittliche Arbeit) = $F ∙s=\frac{1}{2}D∙\frac{r ∙ 2 π }{2}∙\frac{r ∙ 2 π}{2}$

Mit den eingesetzten Werten: $\frac{1}{2}×70×\frac{0,1320×2π}{2}×\frac{0,1320×2π}{2} $= 6,02 N

Zu Aufgabe 9: Gesamtenergie der Mausefalle

Mit den im Kapitel «Präzisierungen» erhaltenen Werten und Vorgehen:

$Leistung $= $\frac{abgegebene Arbeit}{verstrichene Zeit}$ oder$ P=\frac{W}{t}$ = $\frac{6,02Nm}{0,012s}=501,6 Watt $= $\frac{6,02Nm}{0,012s}=501,6 Watt$

1. Abbildungen 1­–3, 5: Ernest Hägni, 28. Januar 2016.

Abbildung 4: Roman Sexl, Ivo Raab, Ernst Struwitz (1990): «Das mechanische Universum. Eine Einführung in die Physik», Band 1. Verlag Carl Ueberreuter, Wien, 2. Auflage. S. 141. [↑](#endnote-ref-1)